

Prozentrechnung:

$$\frac{W}{p} = \frac{G}{100}$$

G: Grundwert, W: Prozentwert, p: Prozentsatz

Dichte ρ eines Stoffes mit der Masse m und dem Volumen V :

$$\rho = \frac{m}{V}$$

Potenzen und Wurzeln: für $a, b \in \mathbb{R}^+$ und für $m, n \in \mathbb{Z}$ gilt:

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}; \quad \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}; \quad a^m \cdot b^m = (a \cdot b)^m; \quad \frac{a^m}{b^m} = \left(\frac{a}{b}\right)^m;$$

$$(a^n)^m = a^{n \cdot m}; \quad \sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}; \quad \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}; \quad \sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$$

Bellebiges Dreieck:



Summe der Innenwinkel: $\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ$

Sinussatz: $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$

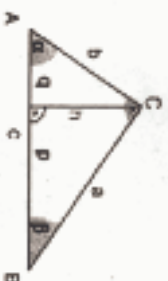
Kosinussatz: $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos \gamma$
entsprechend zyklisch vertauscht:

$$a^2 = \dots; \quad b^2 = \dots$$

Umfang: $u = a + b + c$

Flächeninhalt: $A = \frac{1}{2} \cdot g \cdot h$

Rechtwinkliges Dreieck:



Katheten a, b
Hypotenuse c
Hypotenusenabschnitte p, q

Höhensatz: $h^2 = p \cdot q$

Kathetensätze: $a^2 = p \cdot c; \quad b^2 = q \cdot c$

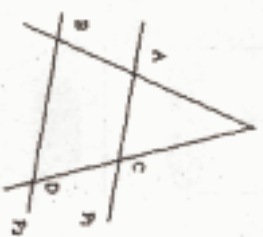
Satz des Pythagoras: $c^2 = a^2 + b^2$

Umfang: $u = a + b + c$

Flächeninhalt: $A = \frac{1}{2} \cdot a \cdot b = \frac{1}{2} \cdot c \cdot h$

$\sin \alpha = \frac{a}{c}; \quad \cos \alpha = \frac{b}{c}; \quad \tan \alpha = \frac{a}{b}$,
entsprechend für β

Strahlensätze: $p_1 \parallel p_2$



1. Strahlensatz:

$$\frac{|ZA|}{|AB|} = \frac{|ZC|}{|CD|}$$

oder


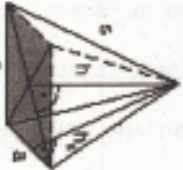
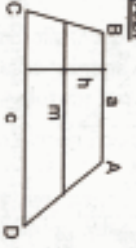
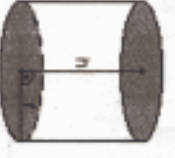



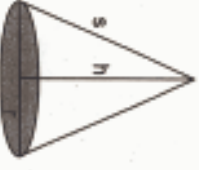

$$\frac{|ZA|}{|ZB|} = \frac{|ZC|}{|ZD|}$$

2. Strahlensatz:

$$\frac{|ZA|}{|ZB|} = \frac{|AC|}{|BD|}$$

oder

$$\frac{|ZC|}{|ZD|} = \frac{|AC|}{|BD|}$$

<p>Rechteck:</p> 	<p>Umfang: $u = 2a + 2b$ Flächeninhalt: $A = ab$ Diagonalen: $e = f = \sqrt{a^2 + b^2}$</p>	<p>Pyramide:</p> 	<p>(Gerade, quadratische Pyramide) Grundfläche: $A = a^2$ Mantelfläche: $M = 2a \cdot h_s$ Oberfläche: $O = A + M$ Volumen: $V = \frac{1}{3} A \cdot h$</p>
<p>Trapez:</p> 	<p>Midellinie: $m = \frac{1}{2}(a + c)$ Flächeninhalt: $A = m \cdot h$</p>	<p>Zylinder:</p> 	<p>(Gerader Kreiszylinder) Grundfläche: $A = \pi \cdot r^2$ Mantelfläche: $M = 2\pi \cdot r \cdot h$ Oberfläche: $O = 2A + M$ Volumen: $V = A \cdot h$</p>
<p>Kreis:</p> 	<p>Durchmesser: $d = 2 \cdot r$ Umfang: $u = \pi \cdot d$ Flächeninhalt: $A = \frac{\pi}{4} \cdot d^2 = \pi \cdot r^2$</p>	<p>Kugel:</p> 	<p>Oberfläche: $O = 4\pi \cdot r^2$ Volumen: $V = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3$</p>
<p>Würfel:</p> 	<p>Grundfläche: $A = a^2$ Oberfläche: $O = 6a^2$ Volumen: $V = a^3$</p>	<p>Kegel:</p> 	<p>(Gerader Kreiskegel) Grundfläche: $A = \pi \cdot r^2$ Mantelfläche: $M = \pi \cdot r \cdot s$ Oberfläche: $O = A + M$ Volumen: $V = \frac{1}{3} A \cdot h$</p>
<p>Quader:</p> 	<p>Grundfläche: $A = a \cdot b$ Oberfläche: $O = 2ab + 2ac + 2bc$ Volumen: $V = a \cdot b \cdot c$</p>		